

2023, Vol.10, No.1, Pages 57 to 66 Journal of Water and Sustainable Development



سال دهم، شماره ۱، ۱٤۰۲، صفحات ۵۷ تا ۲۶ نشریه آب و توسعه پایدار

نوع مقاله: پژوهش بنیادی

Article Type: Regular Article

Validation of Integral and Turbulence Models for Saline Wastewater Discharged into the Sea Environment

V. Babaeinezhad¹, B. Khorsandi²

1,2- MSc of Civil Engineering and Associate Professor, Department of Civil and Environmental Engineering, Amirkabir University of Technology (Tehran Polytechnic), Tehran, Iran.

*(Corresponding Author Email: b.khorsandi@aut.ac.ir)

Received: 19-10-2022 Accepted: 21-01-2023 Revised: 19-01-2023 Available Online: 20-06-2023

Abstract

With the reduction of natural sources of fresh water, the activity of desalination factories is increasing. The effluent of these factories is returned to the sea environment. The effluent contains a lot of chemicals and salt, which in case of improper discharge will disturb the balance of the sea environment. Using numerical models to check different discharge methods is one of the cheapest methods. In this research, the results of CORJET, VISJET and RNG (k-E) models are validated for the discharge of concentrated wastewater. For this purpose, the simulation results of these models in static and dynamic environments are compared with the results of various laboratory studies. According to the results, the RNG model estimates the axial velocity of the jet well and with a small error compared to the integral and laboratory models. All three models estimate most of the parameters related to the discharge of concentrated wastewater in comparison with the laboratory studies. CORJET and VISJET models estimate the amount of effluent dilution with a high error, but the RNG model estimates the amount of effluent dilution with an acceptable error due to the consideration of flow turbulence. The most important advantage of CORJET and VISJET integral models is easy modeling and very low calculation time compared to RNG turbulence model. According to the presented results, it can be concluded that the RNG model is suitable for carrying out studies related to the discharge of concentrated wastewater from desalination plants due to considering the flow turbulence and providing accurate results.

اعتبارسنجی مدلهای انتگرالی و آشفتگی برای پساب شور تخلیه شده در محیط آبی

وحيد بابايىنژاد'، بابک خورسندى'^{*}

۱ و ۲- بهترتیب کارشناسیارشد عمران- آب و دانشیار، دانشکده عمران و محیط زیست، دانشگاه صنعتی امیرکبیر، تهران، ایران.

(E-Mail: b.khorsandi@aut.ac.ir ،نویسنده مسئول)*

تاریخ دریافت: ۱۴۰۱/۰۷/۲۷ تاریخ بازنگری: ۱۴۰۱/۰۷/۲۹ تاریخ پذیرش: ۱۴۰۱/۱۱/۰۱ تاریخ انتشار: ۱۴۰۲/۱۲/۱

چکیدہ

با کاهش منابع طبیعی آبشیرین، فعالیت کارخانههای آبشیرینکن در حال افزایش است. یساب این کارخانهها بلافاصله به محیط دریا بازگردانده می شود. پساب تولیدی مواد شیمیایی و نمک بسیار زیادی دارد که در صورت تخلیه نامناسب باعث برهم زدن تعادل محيطزيست دريا مىشود. استفاده از مدلهای عددی برای بررسی روشهای مختلف تخلیه، یکی از ارزانترین روشها است. در این تحقیق برای اولين بار به اعتبارسنجى نتايج مدلهاى VISJET ، CORJET و (RNG (k-E برای تخلیه یساب چگال پرداخته میشود. برای این منظور نتایج شبیه سازی این مدل ها در محیط ساکن و یوبا، با نتایج مطالعههای آزمایشگاهی مختلف مقایسه می شود. باتوجه به نتایج، مدل RNG سرعت محوری جت را به خوبی و با خطای ناچیزی در مقایسه با مدلهای انتگرالی و آزمایشگاهی برآورد میکند. هر سه مدل اکثر پارامترهای مربوط به تخلبه پساب چگال را در مقابسه با مطالعههای آزمایشگاهی کمتر تخمین میزنند. مدلهای CORJET و VISJET میزان رقیقسازی یساب را با خطای بالایی برآورد مىكنند اما مدل RNG به دليل درنظر گرفتن آشفتگى جريان، میزان رقیق سازی یساب را با خطای قابل قبولی تخمین میزند. مهمترین مزیت مدلهای انتگرالی CORJET و VISJET مدلسازی آسان و زمان محاسبه بسیار کم در مقایسه با مدل آشفتگی RNG است. باتوجهبه نتایج ارائه شده میتوان نتیجه گرفت مدل RNG به دلیل درنظرگرفتن آشفتگی جریان و ارائه نتايج دقيق، براى انجام مطالعههاى مربوط به تخليه يساب چگال حاصل از کارخانههای آبشیرینکن مناسب است. واژههای کلیدی: آبشیرینکن، جت، یساب، یلوم، رقیقسازی.

Keywords: Desalination, Jet, Effluent, Plume, Dilution.

HomePage: https://jwsd.um.ac.ir

۵۷ -

How to cite this article: Babaeinezhad V. and Khorsandi B. 2023. Validation of Integral and Turbulence Models for Saline Wastewater Discharged into the Sea Environment. Journal of Water and Sustainable Development, 10(1): 57-66. doi: http://dx.doi.org/10.22067/jwsd.v10i1.2210-1186

مقدمه

شيرينسازي آب درياها و اقيانوسها يک منبع آب مستقل از بارندگی برای تأمین طولانی مدت آب شیرین است. امروزه احداث کارخانههای آب شیرینکن بهمنظور شیرین کردن آب دریاها و اقیانوسها، در کشورهای ساحلی که منابع طبیعی آب شیرین کافی نیست یا بیش از حد مورد بهره برداری قرار میگیرند اهمیت پیدا کرده است. شیرین کردن آب دریا علاوهبر تولید آب شیرین یسابی با غلظت بالای مک (C₀: غلظت اولیه یساب) (نسبت به غلظت سیال محیط پذیرنده (Ca)) نیز تولید میکند. برای کارخانههای آب شیرینکن واقع در نزدیک سواحل، بهترین روش دفع پساب، تخلیه آن به محیط دریا و اقیانوس است (Kikkert و همکاران، ۲۰۰۷؛ Ramakanth و همکاران، ۲۰۲۲). یساب تخلیه شده به دریا به دلیل وجود مقدار زیاد نمک اثرات منفی بسیاری بر آبزیان دریا دارد (Wang و Wohammadian). روشهای مختلفی برای تخلیه يساب وجود دارد كه بهترين روش از نظر كاهش اثرات محيط زيستي، استفاده از تخلیه کنندههای مستغرق مایل (شکل ۱) است (Shao و ۲۰۱۰، Law). در شکل (۲) Z بیشترین ارتفاع صعود جت از نازل، S_m ، فاصله افقی محل بیشترین ارتفاع صعود جت از تخلیه کننده X_m رقیقسازی یساب در محل بیشترین ارتفاع صعود جت، X_i فاصله افقی نقطه برخورد یساب به زمین از نازل، S، میزان رقیق سازی یساب در محل برخورد یساب به زمین وheta زاویه دهانه نازل نسبت به افق میباشد. برای تخلیه یساب بهصورت مستغرق از دیفیوزر استفاده میکنند تا سرعت تخلیه پساب افزایش یابد. رقیقسازی یساب به دلیل اختلاف سرعت بین جت خروجی و سیال محیط یذیرنده، و درنتيجه هماوري سيال محيط به درون جت اتفاق ميافتد. هرچه طول مسیر حرکت یساب در محیط یذیرنده افزایش یابد اختلاط یساب با سیال محیط پذیرنده نیز افزایش می یابد. به همین دلیل برای افزایش طول مسیر حرکت یساب در محیط آبی، تخلیه کننده بهصورت مايل نصب مى شود. باتوجه به نتايج محققين مختلف، زاويه تخليه ۴۵ تا ۶۰ درجه (۶۰ > θ <۶۰) بهينهترين زاويه براى تخليه یساب چگال است (Papakonstantis و همکاران، ۲۰۱۱). رقیق سازی یساب در دو میدان نزدیک و دور صورت می گیرد. میدان نزدیک ناحيه اطراف نازل از لحظه خروج يساب از تخليهكننده تا لحظه برخورد یساب به زمین (X_i) را شامل می شود. اما میدان دور بسیار بزرگتر از میدان نزدیک است و از لحظه برخورد یساب به زمین تا اختلاط کامل یساب با سیال محیط پذیرنده را در بر می گیرد (Shao و ۲۰۱۰، Law). رقیقسازی یساب در میدان نزدیک بسیار بیشتر از میدار دور است (Fernández و همکاران، ۲۰۱۸). رقیق سازی یساب در ميدان نزديك به عواملي همچون زاويه تخليه كننده نسبت به افق، عدد فرود جت خروجی (F)، سرعت جریان محیط (Ua) و اختلاف غلظت بین سیال محیط پذیرنده و پساب خروجی بستگی دارد. اما

میزان رقیق سازی پساب در میدان دور به عوامل طبیعی مانند جهت و سرعت جریان محیط پذیرنده، شیب محل تخلیه و ... بستگی دارد (Shrivastava و ۲۰۱۹، Adams). به همین دلیل اکثر مطالعات انجام شده در زمینه تخلیه یساب چگال به میدان نزدیک محدود می شود. در میدان نزدیک، یساب در دو مرحله با سیال محیط پذیرنده ترکیب می شود. در مرحله اول یساب با سرعت بالا و به صورت جت از نازل خارج می شود. هم آوری سیال محیط به درون جت (به دلیل تنش برشی به وجود آمده بین جت و سیال محیط) باعث کاهش غلظت و شار ممنتوم جت خروجی می شود (Fernández و همکاران، ۲۰۱۸). مرحله دوم هنگامی آغاز می شود که شار مومنتوم جت (سرعت جت) تقریباً صفر می شود. در این حالت پساب از جت به پلوم تبدیل می شود (اگر F > ۲ باشد رفتار سیال به صورت جت و اگر F > ۲ باشد رفتار سیال به صورت پلوم است). باتوجه به اینکه چگالی پساب نسبت به چگالی سیال محیط پذیرنده بیشتر است، پلوم به خاطر شار شناوری به سمت بستر محیط آبی سقوط میکند (Saeidi و همکاران، ۲۰۲۲)، که در این حالت تماس یلوم با سیال محیط پذیرنده باعث كاهش غلظت يساب مي شود.



شکل ۱- مشخصات پساب تخلیه شده به صورت مستغرق مایل

میزان رقیق شدگی پساب (S) (در اثر اختلاط با محیط آبی) در هر نقطه از پایین دست محل تخلیه به صورت رابطه (۱) تعریف می شود. $S = \frac{C_0 - C_a}{C - C_a}$ (۱) که در آن C میزان غلظت در نقطه مورد نظر است. $F = \frac{U_J}{\sqrt{D.g'_0}}$ (۲) تعریف می شود. (۲) تعریف می شود. V_J مرعت جت خروجی، D قطر نازل دایره ای و g شتاب گرانش اصلاح شده می باشد. شتاب گرانش اصلاح شده به صورت رابطه $g'_0 = g \frac{(\rho_0 - \rho_a)}{\rho_a}$ (۳) S می اشد و g شتاب و g شتاب و g شتاب را می اب ا

باتوجهبه اینکه تخلیه پساب ناشی از کارخانههای آب شیرینکن و دیگر صنایع به آب دریاها و اقیانوسها باعث آسیب رساندن به محیطزیست و آبزیان میشود، گروهی از محققان بهمنظور یافتن روشهای مناسب تخلیه و کاهش آسیبهای تخلیه پساب،

آغاز به انجام تحقیقاتی در این زمینه کردند و نتایج مختلفی را ارائه دادند. Fernández و همکاران (۲۰۱۸) به بررسی استفاده از دیفیوزر در میزان رقیقسازی یساب شور تخلیه شده در محیط آبی ساکن که در آن سرعت جریان محیط صفر است (Ua=۰) پرداختند. ایشان با استفاده از مدل Doneker) CORMIX و Jirka ۲۰۰۱) نشان دادند استفاده از دیفیوزر برای تخلیه یساب شور، اثرات محیطزیستی این نوع یساب را به شدت کاهش میدهد. Malcangio و Malcangio) با استفاده از مدل CORMIX به بررسی تخلیه یساب چگال حاصل از کارخانههای آبشیرینکن يرداختند. طبق نتايج ايشان استفاده از تخليه كننده هاى چند يورتى میزان رقیقسازی را در مقایسه با تخلیهکنندههای دیگر افزایش میدهد. Jiang و همکاران (۲۰۱۹) با استفاده از مدل آزمایشگاهی و عددی رفتار پساب چگال تخلیه شده از نازل با هندسههای مختلف را بررسی کردند. طبق نتایج ایشان هندسه نازل تأثیر زیادی در رفتار یساب چگال تخلیه شده در محیط آبی دارد. بابایینژاد و خورسندی (۱۴۰۰) به اعتبارسنجی مدلهای CORMIX و Doneker) CORJET و Doneker) برای تخلیه یساب چگال با استفاده از نازلهای چندیورتی پرداختند. طبق نتایج ایشان مدل CORJET در مقایسه با مدل CORMIX عملکرد مناسبی در شبیهسازی رفتار یساب چگال تخلیه شده از نازلهای چندیورتی مایل داشت. Ramezani و همکاران (۲۰۲۱) با استفاده از نرمافزار اینفوم، تأثیر فاصله دهانه نازل (با زاویه تخلیه ۳۰ و ۴۵ درجه) از بستر دریا را بررسی کردند. طبق نتایج ایشان نزدیکی دهانه نازل

به بستر دریا تأثیر محسوسی بر رفتار پساب تخلیه شده از نازل با زاویه ۴۵ درجه ندارد. اما برای پساب تخلیه شده از نازل با زاویه ۳۰ درجه، هنگامی که مقدار پارامتر y_0/L_M (y_0 ارتفاع نازل از سطح زمین، L_M مقیاس طولی جت به پلوم) به کمتر از ۱/۱۴ می رسد، مقدار رقیق سازی کاهش می یابد.

باتوجهبه محدودیت و هزینه بالای مطالعههای آزمایشگاهی، استفاده از مدلهای عددی بهمنظور کاهش هزینهها امری ضروری است. اولین قدم برای استفاده از مدلهای عددی اطمینان از نتایج مربوط به آن مدل است. مدلهای انتگرالی CORJET و Cheung) VISJET و همکاران، ۲۰۰۰) باتوجه به کاربر دوست بودن و همچنین زمان بسیار پایین شبیهسازی، یکی از پرکاربردترین مدلها برای شبیهسازی رفتار یساب چگال تخلیه شده در محیط آبی است. مدل آشفتگی (RNG (k-E نیز توانایی بالایی در شبیه سازی تخلیه پساب به صورت جت مستغرق مایل دارد (Yan و Mohammadian، ۲۰۱۹). به همین دلیل در این یژوهش برای اولین بار به اعتبارسنجی مدل آشفتگی (RNG (k-E (با استفاده از نرمافزار ANSYS-FLUENT) و مدلهای انتگرالی CORJET و VISJET برای بررسی رفتار یساب شور تخلیه شده از نازل تک پورتی دایره (با زاویه تخلیه ۶۰ درجه) در محیط ساکن و پویا (که در آن جریان سیال به صورت همراستا با جهت جریان تخلیه جت (co-flow) است) یرداخته می شود. برای این منظور نتایج مدلهای VISJET ، CORJET و RNG (k-E) با نتایج مطالعههای آزمایشگاهی مختلف (جدول ۱) مقایسه می شود.

ام شدہ	تجربى انج	مطالعههای	جدول ۱-
--------	-----------	-----------	---------

F/ _° S	S _m /F	Z/F.D	F.D/₀X	X _m /F.D	F	مطالعه تجربى
١/٨١	-	۱/۶	۲/۷۲	١/۶	18-99	(۲۰۰۷ و همکاران، ۲۰۰۷)
۱/۶۵	•/97	1/8V	۲/۷۵	١/٧		(۲۰۱۶ و Roberts و Abessi)
-	-	\/VV	۲/۲۵	1/84	18-718	(Cipollina) و همکاران، ۲۰۰۵)
١/۶	-	-	7/4	-	19-38	(۱۹۸۷ ،Toms و Roberts)
١/۶٨	-	١/۶٨	۲/۷۵	١/٨۴	ν-۵٨	(Papakonstantis و همکاران، ۲۰۱۱)

مواد و روشها

CORJET یک مدل انتگرالی برای پیش بینی رفتار انواع پساب (با شناوری مثبت، خنثی و منفی) تخلیه شده در محیط آبی است. معادلههای حاکم بر این مدل، معادله اندازه حرکت، پیوستگی و انتقال-انتشار است. این مدل براساس انتگرال اویلری به تجزیه و تحلیل معادلههای مربوط به تخلیه پساب می پردازد. مدل VISJET نیز یک مدل انتگرالی دقیق برای پیش بینی رفتار پساب تخلیه شده به صورت جت در محیط آبی است. VISJET با استفاده از مدل انتگرال لاگرانژی معادلات حاکم را بررسی و تحلیل می کند. TLUENT یک نرمافزار شبیه ساز سه بعدی با توانایی بال در زمینه

دینامیک سیالات محاسباتی است. FLUENT با استفاده از روش حجم محدود مسائل مختلف را حل میکند. شبیه سازی رفتار پساب در میدان دور، در نظر گرفتن آشفتگی جریان و استفاده از مدل های آشفتگی مختلف برای شبیه سازی رفتار پساب، از مزیت های این نرمافزار در مقایسه با مدل های انتگرالی است. در مدل RNG مقدار K (انرژی جنبشی آشفتگی) و ع (نرخ استهلاک) به ترتیب از روابط (۴ و ۵) به دست می آید (Meng و ۲۰۱۲، ۲۰۱۶).

$$\frac{\partial}{\partial t}(\rho_{m}k) + \nabla (\rho_{m}\vec{u}_{m}k) = \nabla \left(\frac{\mu_{l,m}}{\sigma_{k}}\nabla k\right) + G_{k,m} - \rho_{m^{\epsilon}}$$
(F)

$$\frac{\partial}{\partial t}(\rho_m \varepsilon) + \nabla_{\cdot}(\rho_m \vec{u}_m \varepsilon) = \nabla \left(\frac{\mu_{t,m}}{\sigma_{\varepsilon}} \nabla_{\varepsilon}\right) + \frac{\varepsilon}{k} (C_{1\varepsilon}^* G_{k,m} - C_{2\varepsilon} \rho_m \varepsilon) \qquad (\Delta)$$

در روابط بالا $\mu_{t,m}$ لزجت آشفتگی و $G_{k,m}$ انرژی سینماتیک آشفتگی است. همچنین مقدار ۲^{*}۱۵ برابر است با (رابطه ۶):

$$C_{1s}^{*} = C_{1s} - \frac{\eta \left(1 - \frac{\eta}{\eta_{0}}\right)}{1 + \beta \eta^{3}}$$

$$\tag{(6)}$$

• آنالیز ابعادی جریان جت با شناوری منفی

آنالیز ابعادی یک روش مناسب برای کاهش تعداد متغیرهای موثر بر پدیدههای فیزیکی است. مطالعههای آزمایشگاهی مختلفی برای بررسی رابطههای آنالیز ابعادی مربوط به پساب چگال تخلیه شده در محیط آبی انجام شده است. Roberts و Rom (۱۹۸۷) با در نظر گرفتن یک جریان آشفته در یک محیط آبی ساکن نشان دادند در آنالیز ابعادی، همه پارامترها تابعی از دبی جرمی (Q)، شارمومنتم (M) و شار شناوری (B) است که توسط یک ضریب تناسب به صورت مقیاس طولی (رابطه۷) تعریف می شود:

 $Z, X, S: \int_{I} (Q, M, B) = \int_{2} (L_{Q}, L_{M})$ (V)

مقدار مقیاس طولی تخلیه (L_Q) و مقیاس طولی مومنتوم (L_M) به صورت رابطه (۸) تعریف میشود.

 $L_{Q} = Q / M^{0.5}, L_{M} = (M^{0.75}) / (B^{0.5})$ (A)

بااستفاده از تقریب بوسینسک و باتوجه به اینکه $L_Q << L_M$ میتوان گفت $L_M = 0.95 D.F$. بنابراین برای یک زاویه ثابت، پارامترهای مختلف تخلیه پساب چگال تابعی از عدد فرود و قطر تخلیه کننده است که در حالت بی بعد، این پارامترها به صورت N_I = N_I

 $N_3 \, {}_{\alpha}N_2 \, {}_{\alpha}N_1$ میشوند. $S_i/F = N_4 \, {}_{\alpha}S_m/F = N_3 \, {}_{\alpha}X_i/F.D = N_2$ و N_4 ضرایب ثابتی هستند که از مطالعههای تجربی و عددی محاسبه میشوند، هر کدام از این ضریبها براساس نتایج مطالعه انجام شده در بازه خاصی از عدد فرود جت خروجی، معتبر است.

• مدلسازی

در این تحقیق با استفاده از مدلهای CORJET و VISJET ، CORJET و RNG (k-E) به شبیه سازی رفتار پساب چگال تخلیه شده در محیط ساکن و پویا پرداخته می شود. پساب به صورت جت مستغرق مایل $(0, 1) = (U_J = -1/2)$ ، الارا (0, 2 = 1/2)، با عدد فرود ۱۲/۶ (1/2 = -1/2)، الارا (0, 2 = 1/2)، با استفاده از نازل دایره ای به قطر mm ۵ تخلیه می شود ($U_J = -1/2$)، با استفاده از نازل دایره ای به قطر mm ۵ تخلیه می شود ($U_J = -1/2$)، با استفاده از نازل دایره ای به قطر mm ۵ تخلیه می شود ($U_J = -1/2$)، با استفاده از نازل دایره ای به قطر mm ۵ تخلیه می شود ($U_J = -1/2$)، با استفاده از نازل دایره ای به قطر mm ۵ تخلیه می شود ($U_J = -1/2$)، با استفاده از نازل دایره ای به قطر mm ۵ تخلیه می شود ($U_J = -1/2$)، با استفاده از نازل دایره ای به قطر m ۵ تخلید برابر ⁵ می در ای برای است که در یک محیط آبی با چگالی پساب تولیدی معلی ابرابر ⁶ تخلیه می شود. اختلاف دمای بین پساب و سیال محیط پذیرنده صفر مختلف ($V_J = -1/2$) است که در یک محیط آبی با چگالی در محیط پدیرنده مفر برابر ⁷ و می ای با جای با پرای است که در یک محیط آبی با چگالی در محیط پدیرنده مور ای است. در محیط پویا پساب با عدد فرود ۱۰/۰ با سرعت های محیطی در ای است. در محیط پویا پساب با عدد فرود ۱۰/۰۰ معادل ($V_J = -1/2$) دا ای است. زاویه بین جهت جریان محیط و جهت تخلیه پساب (ϕ) عامل که در آن ای در محیط پویا تخلیه پساب در دو حالت همراستا (v_J همین دلیل در محیط پویا تخلیه پساب در دو حالت همراستا (ϕ) و مخالف با جهت جریان محیط (۱۰۸ – ϕ) صورت می گیرد.

جدول ۲- اطلاعات ورودی به مدل								
D	U_a	F	θ	UJ	φ	ΔT	ρ	$ ho_{a}$
(mm)	(m/s)		o	(m/s)	o	(°c)	(kg/m^3)	(kg/m^3)
	•	17/8		./۴1	•			
۵	$\cdot / \cdot \gamma < U_a < \cdot / \cdot \beta$	۱۶/۸	۶.	•/۵۵	١٨٠	•	1.78	۹۹۸
		۲./۹		•/9٨				

در FLUENT برای شبیهسازی ابتدا هندسه مدل در نرمافزار SPACE-CLAIM طراحی (شکل ۲-الف) و سپس با استفاده از ANSYS- MESHING مشزنی صورت گرفت (شکل ۲-ب). در نزدیکی محل تخلیه به دلیل سرعت بالای جت و تنش برشی ایجاد شده، از مشهای با اندازه بسیار کم استفاده شد. برای اطراف محل تخلیه، به دلیل عدم تأثیرگذاری این مناطق بر روی جریان محل تخلیه، به دلیل عدم تأثیرگذاری این مناطق بر روی جریان مدل جهت مقداردهی وارد نرمافزار TNTT شد. برای دهانه نازل از شرط مرزی Velocity Inlet، برای بستر محل تخلیه از شرط مرزی No Slip و برای دیوارههای اطراف محل تخلیه از شرط مرزی Symmetry استفاده شده است. برای شبیه سازی از مدل آشفتگی RNG استفاده شد.



مدل هندسی ب) مشبندی.

نتايج و بحث

در این قسمت نتایج مدلهای VISJET ، CORJET و مدل آشفتگی RNG برای تخلیه پساب چگال، با نتایج مطالعههای آزمایشگاهی مختلف مقایسه می شود. پساب در محیط ساکن و پویا (جریان همراستا و غیرهمراستا) به صورت مستغرق مایل ([°]۰۰ $(\theta = \theta)$ با اعداد فرود ۱۲/۶، ۱۲/۸ و ۲۰/۹ تخلیه می شود. میزان خطا بین دو عدد با استفاده از رابطه (۹) محاسبه می شود.

 $E = \left[\frac{(J_E - J_N)}{(J_E)} \right] * 100 \tag{9}$

در رابطه بالا _E داده آزمایشگاهی (عدد بزرگتر) و J_N داده عددی (عدد کوچکتر) است.

• محيط ساكن

۱- فاصله افقی محل پساب از نازل

شكل (٣) نتايج مربوط به يارامتر بىبعد فاصله افقى محل ارتفاع صعود حداکثر جت از نازل (X_m/D) (شکل ۳-الف) و فاصله افقی نقطه برخورد یساب به زمین از نازل (X¡/D) (شکل ۳-ب) را برای اعداد فرود مختلف نشان میدهد. مقدار X_i/D و X_m/D با افزایش عدد فرود، برای هرسه مدل به صورت تقریباً خطی افزایش می یابند. با افزایش عدد فرود (به دلیل افزایش سرعت جت خروجی)، X_m ممنتوم جت افزایش می یابد و به همین دلیل مقدار X_i و نسبت به نازل افزایش می یابد (Choi و همکاران، ۲۰۱۶) باتوجه به شکل (۳-الف) هرسه مدل مقدار X_m را کمتر تخمین میزنند. نتايج مدلها مطابقت خوبي با نتايج مطالعه تجربي Cipollina و همکاران (۲۰۰۵) دارد که در این بین نتایج مدل RNG کاملا منطبق بر نتایج Cipollina و همکاران (۲۰۰۵) است. اما نتایج هر سه مدل در مقایسه با نتایج Papakonstantis و همکاران (۲۰۱۱) و Kikkert و همکاران (۲۰۰۷) اختلاف بالابی دارند. میانگین مقدار فاصله افقى محل ارتفاع صعود حداكثر جت مطالعههاى تجربي در حالت بیبعد شده (X_m/F.D)، برابر ۱/۵۱ است. مقدار /X E.D برای مدلهای VISJET ،RNG و CORJET بهترتیب برابر ۱/۱۶ و ۱/۲۵ است. مدلهای VISJET و CORJET مقدار فاصله افقی محل ارتفاع صعود حداکثر جت از نازل را در مقایسه با نتایج مطالعههای آزمایشگاهی بهترتیب با ۲۲/۵ و ۱۷/۵ درصد خطا برآورد میکنند. مدل آشفتگی RNG در مقایسه با مدلهای انتگرالی عملکرد بهتری داشت و مقدار X_m را با ۷/۲ درصد خطا در مقایسه با میانگین نتایج مطالعههای آزمایشگاهی تخمین زد. باتوجه به شکل (۳-ب)، نتایج مدلهای VISJET ،RNG و CORJET نزدیک به نتایج مطالعه تجربی Cipollina و همکاران (۲۰۰۵) است. نتایج مدلهای VISJET و CORJET همخوانی بسیار خوبی با نتایج Cipollina و همکاران (۲۰۰۵) دارند. میانگین مقدار X_i/F.D مطالعههای آزمایشگاهی برابر ۲/۵۸ است. مقدار

Xi/FD و VISJET ، RNG و VISJET ، RNG توسط مدلهای CORJET و VISJET ، RNG بهترتیب با ۷ (Xi/FD = ۲/۱۹) ۱۱ (Xi/FD = ۲/۴) و ۱۵ (Xi/FD = ۲/۴) درصد خطا برآورد شد. بنابراین میتوان نتیجه گرفت مدل RNG مقدار فاصله افقی نقطه برخورد پساب به زمین را با خطای قابل قبولی در مقایسه با مدلهای انتگرالی VISJET و CORJET و پیشبینیمیکند.



شکل ۳- نتایج مدلهای RNG ، VISJET و CORJET برای فاصله افقی محل پساب از نازل در مقایسه با مطالعههای تجربی. الف) محل ارتفاع صعود حداکثر جت از نازل. ب) محل نقطه برخورد پساب به زمین از نازل.

۲- ارتفاع صعود بیشینه جت (Z)

شکل (۴) مقایسه نتایج بهدست آمده با مدلهای TisJET و Tors و تتایج مدلهای آزمایشگاهی را برای ارتفاع RNG، و CORJET و نتایج مدلهای آزمایشگاهی را برای ارتفاع صعود بیشینه مرکز جت در اعداد فرود مختلف نشان میدهد. پساب بهصورت مستغرق مایل از نازل دایرهای با زاویه ۶۰ درجه نسبت به افق تخلیه میشود. با افزایش عدد فرود (سرعت جت خروجی)، مقدار Z/D بهصورت تقریباً خطی افزایش مییابد. باتوجهبه شکل (۴)، همه مدلها مقدار ارتفاع صعود حداکثر جت را کمتر برآورد میکنند که نتایج مدل RNG در مقایسه با مدلهای انتگرالی دقیقتر بود. میانگین مقدار بیبعد ارتفاع صعود حداکثر جت (Z/F.D) برای مطالعههای آزمایشگاهی Kikkert) RNG و همکاران، ۲۰۱۷؛ Sourch است. مدل RNG در مقادار بیبعد ارتفاع مقدار ارتفاع صعود حداکثر جت (Z/F.D) را با ۲۰ درصد مقدار ارتفاع صعود حداکثر جت (Z/F.D) را با ۲۰ درصد

تخمین میزند. مقدار ارتفاع صعود حداکثر جت توسط مدلهای (Z/F.D = ۱/۳۵) CORJET و Z/F.D = ۱/۳۵) بهترتیب با ۲۲ و ۱۹ درصد خطا برآورد شد.



شکل ۴- نتایج مدلهای RNG، VISJET و CORJET برای ارتفاع صعود بیشینه جت در مقایسه با مطالعههای تجربی

$(S_i \ g_m)$ - رقیق سازی پساب ($S_i \ g_m$ و

در این قسمت نتایج مربوط به رقیقسازی یساب در محل ارتفاع صعود حداکثر جت (شکل ۵-الف) و رقیقسازی در نقطه برخورد یساب به زمین (شکل ۵-ب) مدلهای RNG، VISJET و CORJET برای اعداد فرود مختلف آورده شده است. باتوجهبه شکل (۵)، با افزایش عدد فرود مقدار رقیق سازی برای همه مدلها بهصورت تقريباً خطى افزايش مىيابد. با افزايش عدد فرود، مقدار ارتفاع صعود حداکثر جت و فاصله افقی نقطه برخورد یساب به زمین افزایش می یابد که این موضوع باعث افزایش طول مسیر حرکت یساب در محیط آبی می شود. رقیق سازی یساب به دلیل تنش برشی ایجاد شده میان جت و سیال محیط پذیرنده و در نتیجه هماوری سیال محیط به درون جت ایجاد می شود. بنابراین می توان گفت هرچه طول مسیر حرکت یساب (جت و یلوم) افزایش یابد، هماوری سیال محیط به درون جت و درنتیجه میزان رقیقسازی يساب (اختلاط يساب با سيال محيط يذيرنده) افزايش مييابد (Roberts و Toms، ۱۹۸۷). باتوجهبه نتایج شبیهسازی، هرسه مدل مقدار رقیقسازی (S_m و S_m) را کمتر برآورد میکنند. مدلهای VISJET ،RNG و CORJET مقدار Sm مقدار Sm مقدار بهترتیب با ۱۹/۴، ۲۷ و ۳۲/۴ درصد خطا نسبت به مطالعه Abessi و ۲۰۱۶ (۲۰۱۶) تخمين مىزنند. باتوجه به شكل (۵-ب) نتايج مدل RNG همخوانى خوبی با نتایج مطالعههای تجربی دارد. طبق جدول (۳) مدلهای VISJET ،RNG و CORJET مقدار Si/F را بهترتیب با VISJET ،RNG و ۴۷/۶ درصد خطا کمتر پیش بنی می کنند.

باتوجهبه جدول (۳)، مدلهای CORJET و VISJET طول مسیر حرکت پساب (ارتفاع صعود حداکثر جت، فاصله افقی محل برخورد پساب به زمین از نازل و فاصله افقی محل ارتفاع صعود حداکثر جت از نازل) را با خطای قابل قبولی تخمین میزنند اما میزان

رقیقسازی را با اختلاف بالایی پیشبینی میکنند. مدل آشفتگی NRG در مقایسه با مدلهای انتگرالی CORJET و VISJET رفتار پساب چگال تخلیه شده در محیط آبی را به خوبی پیشبینی میکند. همچنین مدل RNG مقدار رقیقسازی پساب را در مقایسه بامدلهای انتگرالی با خطای کمتری تخمین میزند. آشفتگی جریان یکی از عوامل تأثیرگذار در میزان رقیقسازی و رفتار پساب چگال تخلیه شده در محیط آبی است. مدلهای انتگرالی برخلاف مدل RNG آشفتگی جریان را درنظر نمیگیرند. به همین دلیل میتوان گفت نتایج مدل RNG در مقایسه با نتایج مدلهای انتگرالی



شکل ۵- نتایج مدلهای VISJET ، RNG و CORJET برای رقیقسازی پساب. در نقطه برخورد به زمین در مقایسه با نتایج مطالعههای تجربی. الف) رقیقسازی پساب در محل ارتفاع صعود حداکثر جت. ب) رقیقسازی یساب در نقطه برخورد به زمین.

جدول ۳- مقایسه نتایج مدلهای VISJET ،RNG و CORJET و نتایج مدلهای تجربی در حالت بیبعد

S _i /F	S _m /F	Z/F.D	X _i /F.D	X _m /F.D	پارامتر بیبعد شدہ
١/٧٢	•/91	۱/۶۵	۲/۵۸	۱/۵۱	ميانگينمطالعەھاىتجربى
۱/۳۸	۰/۵۱	1/62	7/4	1/17	مدل RNG
۱/۰۲	•/۴۵	۱/٣	۲/۳	١/١٧	مدل VISJET
٠/٩	•/41	1/30	7/19	1/20	مدل CORJET
۱۹/۷۶	19/4	14	٧	V/۲	خطای RNG
41	78/3	77	11	22/0	خطای VISJET
FV/5	۳۲/۸	۱۹	۱۵	١٧	خطای CORJET

۴- سرعت محوری جت

شکل (۶) سرعت محوری جت در نقاط مختلف امتداد طول خط مرکزی جت (L) در محیط ساکن را نشان میدهد. نتایج برای اعداد فرود ۱۲/۶ (شکل ۶-الف) و ۲۰/۹ (شکل ۶-ب) آورده شده است. باتوجهبه شکل (۶)، با افزایش L سرعت محوری جت کاهش مییابد. حرکت جت درون محیط آبی باعث ایجاد تنش سیال محیط به درون جت که به دلیل تنش برشی میان جت و سیال محیط به درون جت که به دلیل تنش برشی میان جت و سیال محیط صورت میگیرد باعث کاهش سرعت جت میشود. VISJET یش سرعت جت محوری جت را به خوبی پیشبینی میکند. اما مدل های CORJET و CORJET VISJET و سرعت محوری جت را در مقایسه با نتایج مدل تجربی (La و مرعت مدی (۲۰۱۲ د



شکل ۶- نتایج مدل های VISJET ، RNG و CORJET برای سرعت محوری جت در مقایسه با نتایج مطالعه تجربی. الف) F=۱۲/۶ ب) F=۲۰/۹

• محيط پويا

در این قسمت به مقایسه نتایج مدلهای VISJET ،RNG و CORJET با نتایج مدل آزمایشگاهی Roberts و INAV) (۱۹۸۷) پرداخته میشود. پساب بهصورت مستغرق مایل در محیط پویا (جریان همراستا (۹۰ (φ=)) وغیرهمراستا (۱۸۰ (φ=)) تخلیه میشود.

١- ارتفاع صعود حداكثر جت (Z)

شکل (۷) مقدار ارتفاع صعود حداکثر جت را برای سرعتهای محیطی مختلف همراستا با جهت تخلیه یساب (• = φ) (شکل۶-

الف) و خلاف جهت تخلیه یساب (۱۸۰ = Φ) (شکل ۷-ب) را نشان میدهد. باتوجه به شکل (۷)، با افزایش سرعت جریان محیط مقدار Z کاهش می یابد. که این موضوع به دلیل نیروی وارده از طرف جریان محیط به جت است. هنگامیکه سرعت جت بیشتر از سرعت جریان محیط باشد $(U_i > U_a)$ جت درون محیط سیال به حرکت خود ادامه میدهد. اما هنگامی که سرعت سیال محیط بیشتر از سرعت جت شود جریان محیط مانع از حرکت جت میشود جت توسط جریان محیط منحرف می شود. به همین دلیل با افزایش سرعت جریان محیط، مقدار ارتفاع صعود حداکثر جت کاهش می یابد. باتوجه به شکل (۷)، مقدار Z در جریان غیرهم راستا کمتر از مقدار Z در جریان همراستا است که این موضوع به دلیل بیشتر بودن نیروی وارده به جت در جریان غیرهمراستا نسبت به جریان همراستا است. مدلهای VISJET ، RNG و VISJET و مقدار ارتفاع صعود حداكثر در جريان همراستا را بهترتيب با١٠/١٢، ۲۶/۴۵ و ۲۸/۳ درصد خطا نسبت به مطالعه Roberts و (۱۹۸۷) کمتر تخمین زدند. مدلها ارتفاع صعود حداکثر جت در جریان غیرهمراستا را به خوبی و با اختلاف بسیار کمی پیشبینی کردند. مدلهای RNG و CORJET با خطای تقریباً ۵ درصد، و مدل VISJET نیز با خطای ۱۲ درصد مقدار Z را برآورد کردند.



شکل ۷- مقدار ارتفاع صعود حداکثر جت در محیط پویا. الف) جریان همراستا (φ = ۱۸۰). ب) جریان غیرهمراستا (φ = ۱۸۰).

۲- رقیقسازی در محل ارتفاع صعود حداکثر جت

شکل (۸) میزان رقیقسازی پساب در محل ارتفاع صعود حداکثر جت را در سرعتهای محیطی مختلف نشان میدهد. پساب

بهصورت مستغرق مایل در محیط یویا و در حالت جریان همراستا (شکل ۸-الف) و غیرهمراستا (شکل ۸-ب) تخلیه می شود. باتوجه به شکل (۸)، مقدار S_m با افزایش سرعت جریان محيط بهصورت تقريباً خطى افزايش مىيابد. آشفتگى جريان یکی از عوامل اصلی در افزایش میزان رقیقسازی پساب است. با افزایش سرعت سیال محیط، آشفتگی جریان و در نتیجه میزان اختلاط و هماوری سیال به درون جت افزایش مییابد. باتوجهبه شکل (۸)، مقدار S_m در جریان همراستا بیشتر از جریان غیرهمراستا است. نیروی وارده به جت (از طرف سیال محیط) در محیط غیرهمراستا بیشتر از محیط همراستا است. هرچه نیروی وارده به جت افزایش یابد طول مسیر حرکت جت در محیط آبی کاهش می یابد که این موضوع باعث کاهش میزان هماوری سیال به درون جت و درنتیجه کاهش میزان رقیقسازی میشود. باتوجهبه شکل (۸)، مدلهای عددی مقدار S_m را کمتر تخمین میزنند. مدل CORJET مقدار S_m در جریان همراستا و غیر همراستا را بهترتیب با ۳۲/۲ و ۲۹/۴۹ درصد خطا پیشبینی کرد. مدل VISJET نیز مقدار S_m را در محیط همراستا و غیرهمراستا بهترتیب با ۲۴/۷ و ۱۵/۱ درصد خطا نسبت به مطالعه تجربی Roberts وToms وToms و۱۹۸۷) کمتر تخمین زد. اما مدل آشفتگی RNG نسبت به دو مدل دیگر نتایج دقیقتری را ارائه کرد. مدل RNG مقدار رقیقسازی در محل ارتفاع صعود حداکثر جت را در محیط یویا (همراستا و غیرهمراستا) با ۸ تا ۱۰ درصد خطا برآورد کرد.





۳- رقیقسازی پساب در محل برخورد به زمین

در این قسمت به بررسی تأثیر جریان محیطی همراستا (شکل ۹-الف) و غیرهمراستا (شکل ۹-ب) با جهت تخلیه یساب، بر میزان رقیق سازی یساب در نقطه برخورد به زمین پرداخته می شود. باتوجه به شکل (۹) نتایج هر سه مدل همخوانی خوبی با مطالعههای تجربی دارند. با افزایش سرعت جریان محیط، میزان رقیقسازی به صورت خطی افزایش می یابد. در محیط ساکن بعد از کاهش سرعت جت (۲>۲) و تبدیل پساب از حالت جت به یلوم، یساب تنها به واسطه شار شناوری به سمت بستر محیط (دریا) سقوط میکند (Jiang و همکاران، ۲۰۲۱). اما در محیط پویا (همراستا و غیرهمراستا) پلوم علاوهبر حرکت به سمت بستر محیط یذیرنده که به دلیل شار شناوری اتفاق میافتد، مسیری را هم به واسطه حرکت سیال محیط پذیرنده در جهت افقی طی میکند (به دلیل نیروی وارده از طرف سیال محیط بر پلوم) (Roberts و Toms ۱۹۸۷). در این حالت با افزایش سرعت سیال محیط، میزان مسافت افقی طی شدہ پلوم نیز افزایش مییابد. همچنین در محیط یویا (همراستا و غیرهمراستا) جریان سیال محیط باعث ایجاد آشفتگی در محیط می شود. آشفتگی جریان و افزایش طول مسیر حرکت یساب در محیط یذیرنده باعث اختلاط بیشتر یساب با سیال محیط و درنتیجه افزایش میزان رقیقسازی می شود (Choi و همکاران، ۲۰۱۶). به همین دلیل با افزایش سرعت سیال محیط در حالت همراستا و غیر همراستا، رقیقسازی در محل برخورد یساب به زمین افزایش مییابد. باتوجهبه شکل (۹-ب) میزان رقیقسازی پساب در محيط غيرهم راستا نسبت به حالت هم راستا كمتر است. باتوجهبه شکل (۷)، مقدار Z برای تخلیه پساب در حالت غیرهمراستا ($\phi = 1.0$) نسبت به جریان همراستا کمتر است. بنابراین میتوان نتیجه گرفت طول مسیر حرکت یساب در حالت غیرهمراستا در مقایسه با محیط همراستا کاهش پیدا میکند. این موضوع باعث کاهش هماوری سیال محیط یذیرنده به درون جت (رقیقسازی) می شود (Tofighian و همکاران، ۲۰۲۲).

مدلهای VISJET ، RNG و CORJET میزان رقیقسازی پساب تخلیه شده در محیط همراستا را در مقایسه با مطالعه تجربی Roberts و Toms (۱۹۸۷) بهترتیب با ۶، ۸ و ۵ و در مقایسه با نتایج مطالعه Choi و همکاران (۲۰۱۶) بهترتیب با میزان ۲۶/۷، ۲۰/۱۵ و ۲۲/۳ درصد خطا پیشبینی میکنند. در محیط غیرهمراستا نیز مدلهای CORJET و VISJET در محیط رقیق سازی را در مقایسه با نتایج مطالعههای تجربی (۲۰۱۳ و ۱۱، و Roberts) به ترتیب با ۸ تا ۱۱، و همکاران، ۲۰۱۶) به ترتیب با ۸ تا ۱۱، ۲۹ تا ۳۱ و ۱۹ تا ۲۱ درصد خطا تخمین میزنند.



شکل ۹- میزان رقیق سازی پساب در محل برخورد به زمین در محیط پویا. الف) جریان همراستا ($(\phi = 1)$. ب) جریان غیرهمراستا (۱۸۰ = ϕ).

نتيجەگيرى

در این تحقیق به اعتبارسنجی مدلهای CORJET ،VISJET و RNG (k-E) برای تخلیه یساب چگال (بهصورت جت مستغرق مایل با زاویه تخلیه ۶۰ درجه نسبت به افق) در محیط آبی ساکن و يويا يرداخته شد. براى اين منظور، نتايج مربوط به ميزان رقيق سازى و دیگر پارامترهای مربوط به رفتار پساب شور تخلیه شده در محیط آبی ساکن و یوبا، با نتایج مطالعههای آزمایشگاهی مختلف مقایسه شد. طبق نتایج هر سه مدل در محیط ساکن مقادیر مربوط به میزان رقیقسازی، فاصله افقی محل یساب از نازل و ارتفاع صعود حداکثر جت را در مقایسه با نتایج مدلهای آزمایشگاهی اکثرا کمتر برآورد می کنند. مدلهای VISJET و CORJET بارامترهای مربوط به طول مسیر حرکت یساب چگال تخلیه شده در محیط آبی را با خطای قابل قبولی پیشبینی میکنند اما میزان رقیقسازی را با خطای بالایی برآورد میکنند. اما مدل RNG میزان رقیقسازی و دیگر یارامترهای مربوط به تخلیه یساب چگال را به خوبی تخمین میزند که این موضوع میتواند به دلیل در نظر گرفتن آشفتگی جریان توسط مدل RNG باشد. هرسه مدل روند سرعت محوری جت را به خوبی تخمین میزنند که در این بین عملکرد مدل RNG مناسبتربود.

میزان رقیقسازی برای تخلیه پساب در حالت همراستا (φ = ۰) بیشتر از حالت غیرهمراستا (۱۸۰ = φ) بود که این موضوع بهخوبی توسط هر سه مدل پیشبینی شد. مدلهای VISJET

RNG، و CORJET، در جریان همراستارا به ترتیب با ۱۰/۱۲، ۲۶/۴۵ و ۱۸/۳ درصد خطا، و در جریان غیرهمراستا نیز هرسه مدل با اختلاف نزدیک به هم ۵ تا ۱۲ درصد نسبت به مطالعه تجربی، مقدار ارتفاع صعود حداکثر جت را پیش بینی کردند. مدل های VISJET، RNG و VISJET، RNG مقدار _mS در محیط پویا (همراستا و غیرهمراستا) را به ترتیب با حداکثر ۲۲/۲، ۲۲/۷ و ۱۰ درصد خطا نسبت به مطالعه تجربی تخمین زدند. میزان رقیق سازی در محل برخود پساب به زمین در حالت جریان همراستا به خوبی و با خطای ۵ تا ۲۶ درصد توسط هرسه مدل پیش بینی شد. اما در محیط غیرهمراستا، مدل های انتگرالی مقدار _iS را در مقایسه با مدل آشفتگی RNG با خطای بالایی تخمین زدند.

باتوجهبه نتایج بهدست آمده میتوان گفت مدل آشفتگی RNG در مقایسه با مدلهای انتگرالی VISJET و CORJET تتایج دقیقتری را ارائه میدهد اما زمان و هزینه محاسباتی بالایی نسبت به مدلهای انتگرالی دارد. اما در مقابل، مدلهای انتگرالی کاربرپسند بوده و مدلسازی در آنها به راحتی و در زمان کوتاهی انجام میشود و نتایج قابل قبولی را نیز ارائه میدهند.

منابع

- بابایینژاد، و. و خورسندی، ب. ۱۴۰۰. اعتبارسنجی مدلهای CORMIX و CorJet برای تخلیه پساب چگال از تخلیه کننده چند مجرایی با زاویه تخلیه ۶۰ درجه. نشریه https://doi. ۱۳-۱ (۲): ۱-۱۳. .org/10.30482/jhyd.2021.258266.1491
- Abessi O. and Roberts P.J. 2016. Dense jet discharges in shallow water. Journal of Hydraulic Engineering, 142(1): 04015033. <u>https://doi.org/10.1061/</u> (ASCE)HY.1943-7900.0001057
- Cheung S.K.B., Leung D.Y.L., Wang W., Lee J.H.W. and Cheung V. 2000, June. VISJET-a computer ocean outfall modelling system. In Proceedings Computer Graphics International, 21: 75-80. <u>https://doi. org/10.1109/CGI.2000.852322</u>
- Choi K.W., Lai C.C. and Lee J.H. 2016. Mixing in the intermediate field of dense jets in cross currents. Journal of Hydraulic Engineering, 142(1): 04015041. <u>https:// doi.org/10.1061/(ASCE)HY.1943-7900.0001060</u>
- Cipollina A., Brucato A., Grisafi F. and Nicosia S. 2005. Bench-scale investigation of inclined dense jets. Journal of Hydraulic Engineering, 131(11): 1017-1022. <u>https://</u> doi.org/10.1061/(ASCE)0733-9429(2005)131:11(1017)

- Ramezani M., Abessi O. and Firoozjaee A.R. 2021. Effect of proximity to bed on 30° and 45° inclined dense jets: a numerical study.Environmental Processes, 8(3): 1141-1164. <u>https://doi.org/10.1061/(ASCE)HY.1943-7900.0001032</u>
- Roberts P.J. and Toms G. 1987. Inclined dense jets in flowing current. Journal of Hydraulic Engineering, 113(3): 323-340. <u>https://doi.org/10.1061/(ASCE)0733-</u> 9429(1987)113:3(323)
- Saeidi Hossieni S.A.R., Mohammadian A., Roberts P.J. and Abessi O. 2022. Numerical Study on the Effect of Port Orientation on Multiple Inclined Dense Jets. Journal of Marine Science and Engineering, 10(5): 590. https://doi.org/10.3390/jmse10050590. https://doi. org/10.3390/jmse10050590
- Shao D. and Law A.W.K. 2010. Mixing and boundary interactions of 30 and 45 inclined dense jets. Environmental fluid mechanics, 10(5): 521-553. <u>https://doi. org/10.1007/s10652-010-9171-2</u>
- Shrivastava I. and Adams E.E. 2019. Pre-dilution of desalination reject brine: Impact on outfall dilution in different water depths. Journal of Hydro-Environment Research, 24: 28-35. <u>https://doi.org/10.1016/j. jher.2018.09.001</u>
- Tofighian H., Aghajanpour A., Abessi O. and Ramezani M. 2022. Simulation of inclined dense jets in stagnant environments: an LES and experimental study. Environmental Fluid Mechanics, 22(5): 1161-1185. <u>https:// doi.org/10.1007/s10652-022-09884-z</u>
- Wang X. and Mohammadian A. 2022. May. Numerical Simulations of 15-Degree Inclined Dense Jets in Stagnate Water Over a Sloped Bottom. In Proceedings of the Canadian Society of Civil Engineering Annual Conference 2021: CSCE21 General Track Volume 2. Singapore: Springer Nature Singapore. doi: 10.1007/978-981-19-0507-0_7
- Yan X. and Mohammadian A. 2019. Numerical modeling of multiple inclined dense jets discharged from moderately spaced ports. Water, 11(10): 2077. <u>https://doi. org/10.3390/w11102077</u>

- Jiang M., Law A.W.K. and Song J., 2019. Mixing characteristics of inclined dense jets with different nozzle geometries. Journal of Hydro-environment Research, 27: 116-128. https://doi.org/10.1016/j.jher.2019.10.003
- Jiang M., Chen W. and Law A.W.K. 2021. Mixing characteristics of 45° inclined duckbill dense jets in co-flowing currents. Journal of Hydro-environment Research, 36: 77-86. <u>https://doi.org/10.1016/j.jher.2021.03.006</u>
- Doneker R.L., and Jirka G.H. 2001. CORMIX-GI systems for mixing zone analysis of brine wastewater disposal. Desalination, 139(1-3): 263-274.
- Kikkert G.A., Davidson M.J. and Nokes R.I. 2007. Inclined negatively buoyant discharges. Journal of Hydraulic Engineering, 133(5): 545-554. <u>https://doi.org/10.1016/ S0011-9164(01)00318-6</u>
- Lai C.C. and Lee J.H. 2012. Mixing of inclined dense jets in stationary ambient. Journal of hydro-environment research, 6(1): 9-28. <u>https://doi.org/10.1016/j. jher.2011.08.003</u>
- Loya-Fernández Á., Ferrero-Vicente L.M., Marco-Méndez C., Martínez-García E., Vallejo J.J.Z. and Sánchez-Lizaso J.L. 2018. Quantifying the efficiency of a mono-port diffuser in the dispersion of brine discharges. Desalination, 431: 27-34. <u>https://doi.org/10.1016/j.</u> <u>desal.2017.11.014</u>
- Malcangio D. and Petrillo A.F. 2010. Modeling of brine outfall at the planning stage of desalination plants. Desalination, 254(1-3): 114-125. <u>https://doi.org/10.1016/j. desal.2009.12.005</u>
- Meng G. and Wenxin H. 2016. Numerical simulation of a round buoyant jet in a counterflow. Procedia Engineering, 154: 943-950. <u>https://doi.org/10.1016/j.proeng.2016.07.520</u>
- Papakonstantis I.G., Christodoulou G.C. and Papanicolaou P.N. 2011. Inclined negatively buoyant jets 2: concentration measurements. Journal of Hydraulic Research, 49(1): 13-22. <u>https://doi.org/10.1080/00221686.</u> 2010.542617
- Ramakanth A., Davidson M.J. and Nokes R.I. 2022. Laboratory study to quantify lower boundary influences on desalination discharges. Desalination, 529: 115641. https://doi.org/10.1016/j.desal.2022.115641